

Piani nello spazio cartesiano	
Equazione generale del piano $\vec{v}(a;b;c)$ è un vettore normale al piano	$ax + by + cz + d = 0$
Equazione di un piano in forma segmentaria p = ascissa di intersezione del piano con l'asse x q = ordinata di intersezione del piano con l'asse y r = quota di intersezione del piano con l'asse z	$\frac{x}{p} + \frac{y}{q} + \frac{z}{r} = 1$
Equazione del piano in forma esplicita	$z = mx + ny + q$
Piano passante per i 3 punti $A(x_A; y_A; z_A)$, $B(x_B; y_B; z_B)$ e $C(x_C; y_C; z_C)$	$\begin{vmatrix} x & y & z & 1 \\ x_A & y_A & z_A & 1 \\ x_B & y_B & z_B & 1 \\ x_C & y_C & z_C & 1 \end{vmatrix} = 0$
Equazione del piano generico passante per un punto $P(x_0; y_0; z_0)$ in forma generale	$a(x - x_0) + b(y - y_0) + c(z - z_0) = 0$
Condizioni di parallelismo tra i due piani di equazione: $ax + by + cz + d = 0$ $a'x + b'y + c'z + d' = 0$	<p>I vettori $\vec{v}(a;b;c)$ e $\vec{w}(a';b';c')$ devono essere paralleli, cioè:</p> $\left. \begin{matrix} a' = ka \\ b' = kb \\ c' = kc \end{matrix} \right\} \quad o \quad \frac{a'}{a} = \frac{b'}{b} = \frac{c'}{c}$ <p>se: $\begin{cases} d' = kd & \text{piani coincidenti} \\ d' \neq kd & \text{piani strettamente paralleli} \end{cases}$</p>
Condizioni di perpendicolarità tra i due piani di equazione: $ax + by + cz + d = 0$ $a'x + b'y + c'z + d' = 0$	<p>I vettori $\vec{v}(a;b;c)$ e $\vec{w}(a';b';c')$ devono essere perpendicolari, cioè il loro prodotto scalare deve essere nullo, quindi:</p> $aa' + bb' + cc' = 0$
Distanza d di un punto $P(x_0; y_0; z_0)$ da un piano $ax + by + cz + d = 0$	$D = \frac{ ax_0 + by_0 + cz_0 + d }{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$